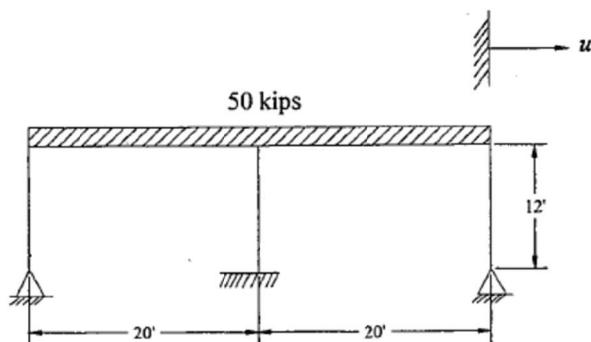


- ۱- مطلوب است محاسبه فرکانس طبیعی برای حرکت افقی قاب بتی شکل زیر با فرض صلب بودن سقف و صرف نظر کردن از وزن ستون ها. مقطع ستون ها مربعی به ضلع  $12 \text{ in}$ .  $E = 300 \text{ ksi}$  می باشد.



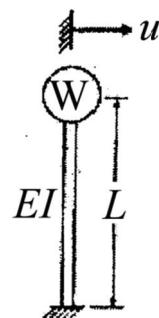
- ۲- در شکل زیر مدل یک تانک آب نشان داده شده است. با صرف نظر کردن از وزن پایه، مطلوب است تعیین معادله دیفرانسیل حاکم بر ارتعاش افقی وزن  $W$  و محاسبه فرکانس طبیعی.

$$W = 200,000 \text{ N}$$

$$E = 210 \text{ GPa}$$

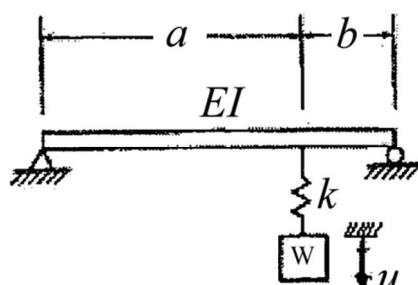
$$I = 0.1 \text{ m}^4$$

$$L = 10 \text{ m}$$



- ۳- در شکل زیر، در صورتی که از وزن تیر صرف نظر شود، مطلوب است:  
الف) تعیین عبارتی برای فرکانس طبیعی وزن  $W$  در تیر شکل زیر.

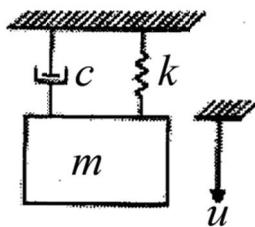
- ب) تغییر مکان، سرعت و شتاب در زمان  $s$  اگر  $k = 200,000 \text{ N/m}$ ,  $W = 10,000 \text{ N}$ ,  $t = 2 \text{ s}$ ,  $a = 2b = 3 \text{ m}$ ,  $E = 210 \text{ GPa}$ ,  $I = 0.1 \text{ m}^4$  و سرعت اولیه  $v_0 = 50 \text{ cm/s}$  باشد.



- ۱- در شکل زیر، دامنه ارتعاش در هر چرخه حرکت متواالی ۸٪ کاهش می یابد. مطلوبست محاسبه ضریب میرایی  $c$  برای سیستم.

$$m = 15 \text{ lb.sec}^2/\text{in.}$$

$$k = 300 \text{ lb/in.}$$

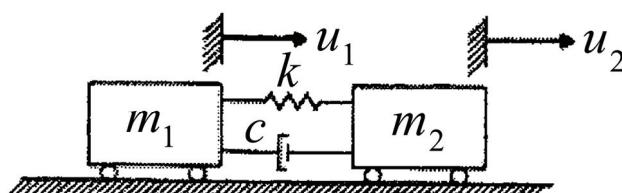


- ۲- در مسئله ۲ تمرین شماره ۱، آزمایش نشان داده است که یک نیروی افقی  $1000 \text{ N}$  وارد بر وزن  $W$  ایجاد یک سرعت  $20 \text{ cm/s}$  می کند. مطلوبست تعیین:

- الف) نسبت میرایی  $\xi$
- ب) فرکانس طبیعی سیستم با میرایی
- ج) کاهش لگاریتمی  $\delta$
- د) نسبت دو دامنه متواالی
- ه) درصد کاهش دامنه حرکت بعد از گذشت زمان  $1 \text{ s}$

- ۳- مطلوبست حل مسئله ۳ تمرین شماره ۱ با فرض نسبت میرایی  $\xi = 10\%$ .

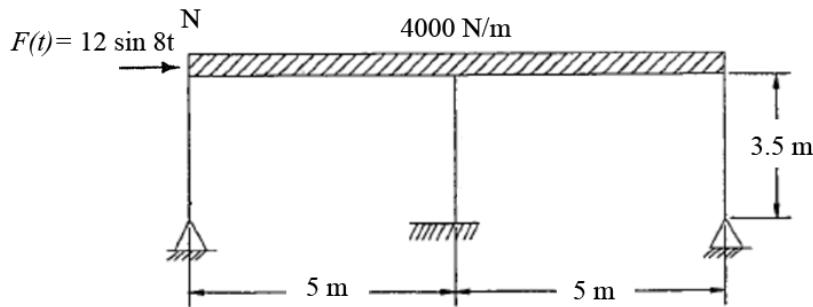
- ۴- یک سیستم با دو جرم که به صورت آزادانه ارتعاش می کنند و توسط یک فنر و یک میراگر به هم متصل شده اند مدل شده است. مطلوبست تعیین معادله دیفرانسیل حرکت برای این سیستم بر حسب حرکت نسبی دو جرم  $u_r = u_2 - u_1$ .



## تمرین شماره ۳ (پاسخ سیستم یک درجه آزادی به بارگذاری هارمونیک)

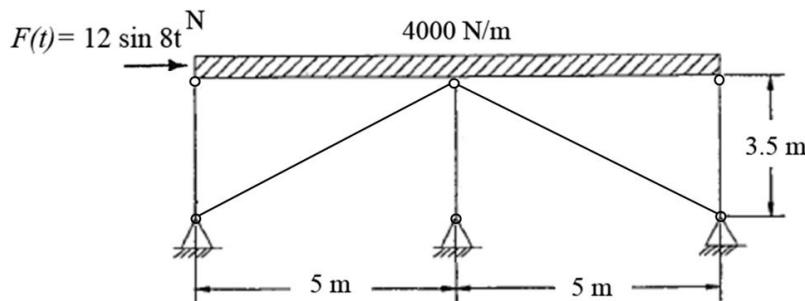
- ۱- برای قاب شکل زیر با نسبت میرایی  $1/5$ ، که تیر آن صلب فرض می شود و از وزن ستون هایش، که دارای مقطعی مربعی و توپر به ضلع  $30\text{ cm}$  می باشند، صرف نظر می گردد، مطلوب است محاسبه:
- الف) دامنه حرکت پایدار برای حرکت افقی قاب و مقایسه با دامنه حرکت پایدار برای حالتی که از میرایی صرف نظر شود.
- ب) حداقل نیروی برشی دینامیکی ایجاد شده در ستون ها
- ج) حداقل نیروی منتقل شده به پایه
- د) ضریب بزرگنمایی دینامیکی
- ه) در صورتی که نسبت میرایی از  $1/5$  به  $1/10$  افزایش یابد قسمت های الف تا د را حل نمایید و بر روی تغییرات حاصل شده بحث کنید.

$$E = 210 \text{ GPa}$$



- ۲- در شکل زیر یک قاب فولادی نشان داده شده است. ستون ها دارای مقطع قوطی مربعی به ضلع  $30\text{ cm}$  و ضخامت  $2\text{ cm}$  و مهاربند های جانبی از نوع نبشی تکی با بال های مساوی به عرض  $10\text{ cm}$  و ضخامت  $1\text{ cm}$  می باشند. از وزن ستون ها و مهاربند های جانبی صرف نظر می شود. نسبت میرایی برابر  $1/5$  است. مطلوب است محاسبه:
- الف) دامنه حرکت پایدار برای حرکت افقی قاب و مقایسه با دامنه حرکت پایدار برای حالتی که از میرایی صرف نظر شود.
- ب) حداقل نیروی برشی دینامیکی و حداقل نیروی محوری دینامیکی ایجاد شده در ستون ها
- ج) حداقل نیروی منتقل شده به پایه
- د) ضریب بزرگنمایی دینامیکی

$$E = 210 \text{ GPa}$$



## تمرین شماره ۳ - ادامه (پاسخ سیستم یک درجه آزادی به بارگذاری هارمونیک)

۳- اگر قاب مسئله ۱ فقط تحت تاثیر حرکت زمین به صورت شتاب هارمونیک پی با دامنه  $g/25^{\circ}$  و فرکانس  $15 \text{ Hz}$  قرار گیرد و نسبت میرایی برابر  $5\%$  باشد، مطلوبست محاسبه:

(الف) قابلیت انتقال

ب) تغییر مکان تیر قاب نسبت به تغییر مکان پایه

۴- اگر قاب مسئله ۴ فقط تحت تاثیر حرکت زمین به صورت شتاب هارمونیک پی با دامنه  $g/25^{\circ}$  و فرکانس  $15 \text{ Hz}$  قرار گیرد و نسبت میرایی برابر  $5\%$  باشد، مطلوبست محاسبه:

(الف) قابلیت انتقال

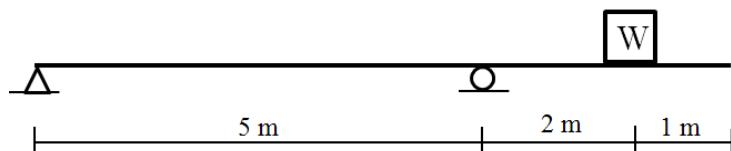
ب) تغییر مکان تیر قاب نسبت به تغییر مکان پایه

۵- در شکل زیر یک موتور به وزن  $W = 5 \text{ kips}$  بر روی تیری قرار گرفته است. موتور با سرعت  $800 \text{ rpm}$  می چرخد و یک نیروی قائم  $F(t) = 15 \sin \bar{\omega}t$  بر تیر وارد می کند. مطلوبست:

(الف) محاسبه فرکانس طبیعی، دامنه ارتعاش، زاویه فاز، ماکزیمم نیروی انتقال یافته به تکیه گاه ها و تنش نرمال ماکزیمم ایجاد شده در تیر.

(ب) تعیین سختی یک میراگر بین موتور و تیر به طوری که شتاب انتقال یافته بین موتور و تیر به اندازه  $80\%$  کاهش یابد. فرض می شود نسبت ضریب میرایی به سختی میراگر برابر  $0.02 \text{ sec}$  باشد.

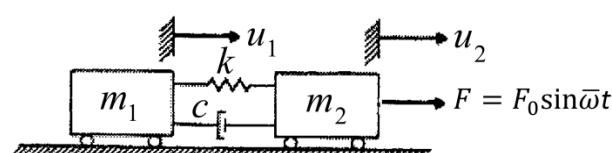
$$E = 30 \times 10^6 \text{ psi}, I = 120 \text{ in.}^4, S = 12 \text{ in.}^3$$



۶- یک سیستم با دو جرم که به صورت آزادانه ارتعاش می کنند و توسط یک فنر و یک میراگر به هم متصل شده اند مدل شده است. اگر نیروی  $F = F_0 \sin \bar{\omega}t$  به جرم  $m_2$  وارد شود، مطلوبست تعیین:

(الف) معادله دیفرانسیل حرکت برای این سیستم بر حسب حرکت نسبی دو جرم  $.u_r = u_2 - u_1$

(ب) جواب حالت پایدار حرکت نسبی.



## تمرین شماره ۴ (پاسخ سیستم یک درجه آزادی به بارگذاری دینامیکی کلی)

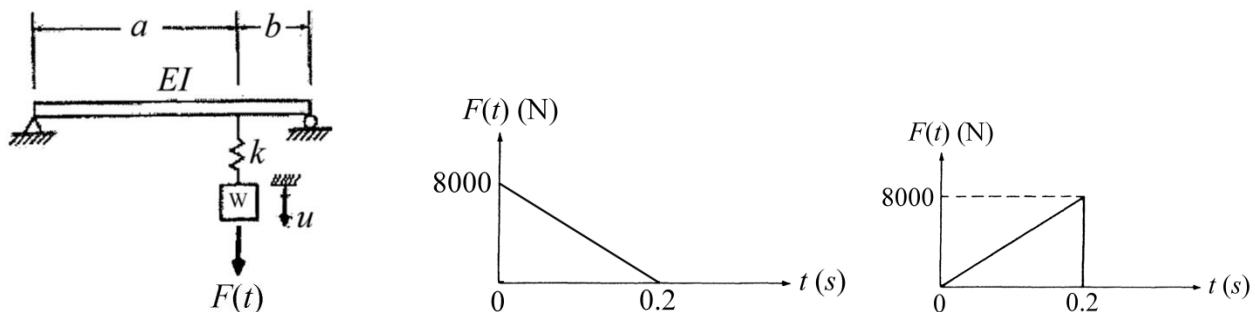
۱- در شکل زیر (سازه مسئله ۳ تمرین شماره ۱)، به دلیل وزش باد وزنه  $W$  ایجاد ضربه دینامیکی ( $F(t)$  خطی به شکل نشان داده شده می نماید. در صورتی که تیر دارای مقطعی به شکل مربع باشد و از وزن آن صرف نظر شود، مطلوبست محاسبه تغییرمکان ماکریم وزنه، ماکریم تنش های کششی و فشاری در تیر، و ماکریم نیروی ایجاد شده در فنر در دو حالت:

(الف) با صرف نظر کردن از میرایی سیستم.

(ب) با در نظر گرفتن نسبت میرایی ۱۵٪ برای سیستم.

تذکر ۱: مسئله یک مرتبه نیز به این صورت حل گردد که فنر وجود نداشته باشد و وزنه به زیر تیر چسبیده باشد.

تذکر ۲: مسئله یک مرتبه برای بار خطی افزاینده و یک مرتبه برای بار خطی کاهنده حل شود و نتایج مقایسه و بر روی آنها بحث گردد.  
 $W = 10,000 \text{ N}$ ,  $k = 200,000 \text{ N/m}$ ,  $E = 210 \text{ GPa}$ ,  $I = 0.1 \text{ m}^4$ ,  $a=2b=2 \text{ m}$



۲- برای قاب شکل زیر که تیر آن صلب فرض می شود و از وزن ستون هایش، که دارای مقطعی مربعی و توپر به ضلع ۳۰ cm می باشند، صرف نظر می گردد (قاب مسئله ۱ تمرین شماره ۳)، مطلوبست تعیین:

(الف) پاسخ

(ب) ماکریم تغییرمکان مطلق بالای قاب

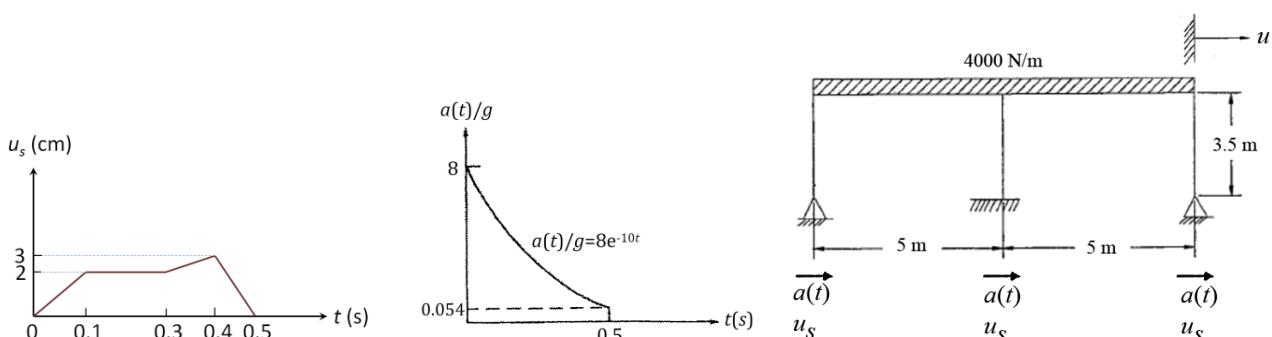
(ج) ماکریم نیروی برشی در پایین ستون ها

(د) ماکریم تنش های ناشی از خمش در ستون ها

تذکر ۱: مسئله یک مرتبه با صرف نظر کردن از میرایی و یک مرتبه با در نظر گرفتن نسبت میرایی برابر ۱۰٪ حل گردد.

تذکر ۲: مسئله یک مرتبه تحت بارگذاری حرکت افقی پایه ( $u_s$ ) و یک مرتبه تحت بارگذاری شتاب پایه ( $a(t)$ ) حل گردد (برای دو حالت ذکر شده در تذکر ۱).

تذکر ۳: در حالت بارگذاری حرکت افقی پایه و نسبت میرایی ۱۰٪ مسئله بر حسب تغییرمکان نسبی بین تیر و پایه نیز حل گردد.  
 $E = 210 \text{ GPa}$



۱- برای قاب شکل زیر که دارای ستون های دارای مقطع مربعی و توپر به ضلع  $30\text{ cm}$  و یک تیر صلب می باشد و تحت نیروی تناوبی قرار گرفته است، با صرف نظر کردن از وزن تیر و ستون ها و با استفاده از روش آنالیز فوریه مطلوبست محاسبه:

الف) پاسخ قاب

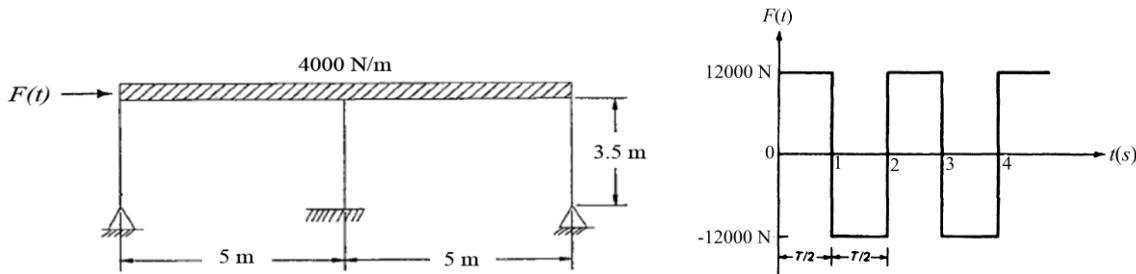
ب) حداکثر نیروی برشی دینامیکی ایجاد شده در ستون ها

ج) حداکثر نیروی منتقل شده به پایه

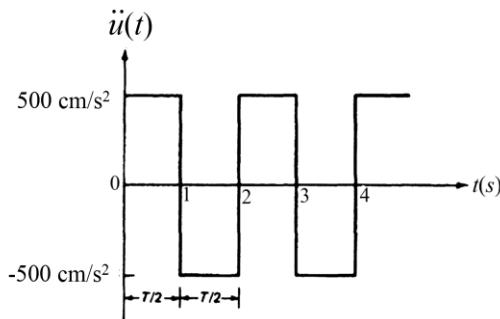
تذکر ۱: مسئله یک مرتبه با فرض سیستم بدون میرایی و یک مرتبه با فرض نسبت میرایی برابر  $6\%$  حل شود.

تذکر ۲: یک مرتبه از فقط سه ترم و یک مرتبه فقط از پنج ترم سری فوریه استفاده و بر روی نتایج بحث گردد.

$$E = 210 \text{ GPa}$$



۲- مطلوبست حل مسئله ۱ در صورتی که فقط تحت اثر شتاب تناوبی زیر در محل تکیه گاه ها قرار گیرد.

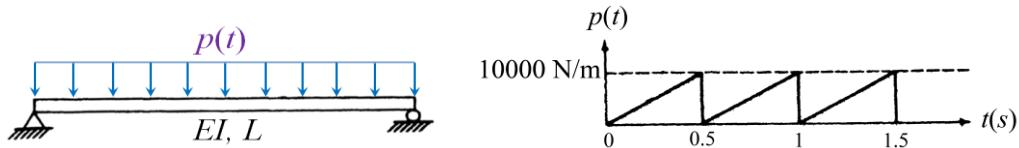


۳- در تیر دو سر ساده شکل زیر با مقطع مربعی شکل به ضلع  $40\text{ cm}$  تحت اثر بار تناوبی زیر، با استفاده از روش آنالیز فوریه و در نظر گرفتن پنج ترم اول و با صرف نظر کردن از میرایی، مطلوبست:

الف) محاسبه تعیین حداکثر تغییر مکان و حداکثر لنگر خمی در نقاط  $L/4$  و  $L/2$  و حداکثر نیروهای عکس العمل تکیه گاهی.

ب) تعیین تنش تسليم مورد نیاز مصالح بر اساس معیار خمش با ضریب اطمینان ۲.

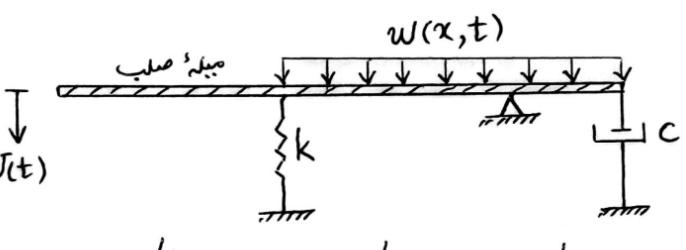
$$E = 210 \text{ GPa}, L = 4 \text{ m}, \bar{m} = 78000 \text{ N/m}^3, p_0 = 10000 \text{ N/m}, t_d = 0.1 \text{ s}$$



۱- برای سازه های شکل زیر مطلوب است تعیین پارامترهای تعیین یافته  $K^*$ ,  $C^*$ ,  $M^*$  و  $F^*(t)$

$$\begin{aligned} w(x,t) &= 2000 F(t) \text{ N/m} \\ W &= 1200 \text{ N} \quad \text{وزن} \\ k &= 1 \times 10^7 \text{ N/m} \quad \text{میله صلب} \\ C &= 2 \times 10^4 \frac{\text{N.s}}{\text{m}} \end{aligned}$$

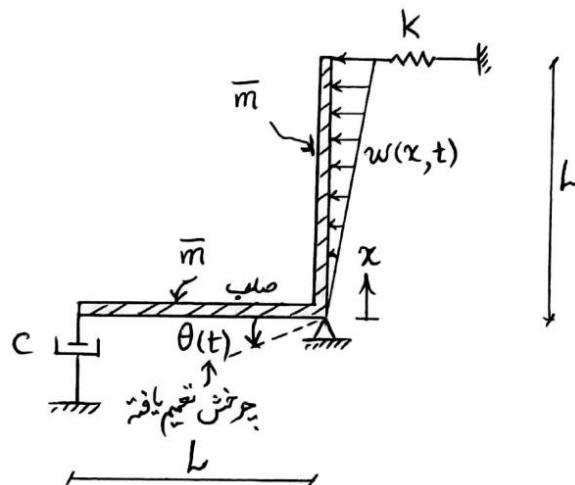
تغییر مکان تعیین یافته



(الف)

$$w(x,t) = w_0 \frac{x}{L} F(t)$$

$\bar{m}$  جرم بر واحد طول میله، صلب



(ب)

$$F(t) = F_0 \cos \omega t$$

$\frac{L}{r} = 22$

(ج)

۲- برای تیر شکل زیر مطلوبست محاسبه:

الف) پارامترهای تعیین یافته

ب) پاسخ تیر

ج) ماکریم نیروی برشی و ماکریم ممان خمشی تیر

از جرم تیر برابر  $m = 2m$  (۲ برابر جرم مرکز  $m$ ) است و در این مسئله  $N=0$  می باشد.

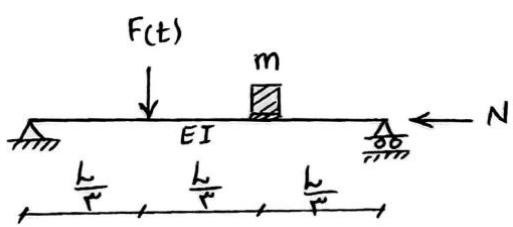
$$F(t) = 2000 \sin 12t \text{ lb}$$

$$EI = 1 \times 10^{14} \text{ kip.in}^2$$

$$L = 12 \text{ ft}$$

براساس تغییر شکل آنچه بخواهد  $\phi(x)$  شایع شکل

$$m = 20 \text{ lb.sec}^2/\text{in.}$$



۳- در صورتی که تیر مسئله ۲ علاوه بر بارگذاری قبلی تحت نیروی فشاری  $N$  در انتهای آزاد خود قرار گیرد، مطلوبست محاسبه:

الف) پارامترهای تعیین یافته

ب) مقدار نیروی  $N$  که باعث کمانش می شود.

۴- برای قاب بتنی شکل زیر مطلوبست محاسبه:

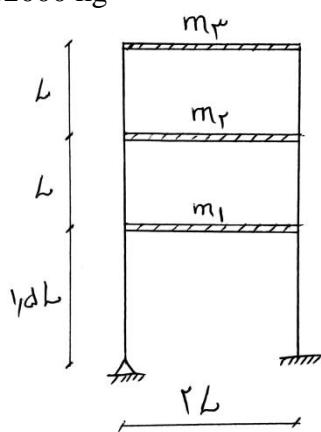
الف) پارامترهای تعیین یافته

ب) فرکانس طبیعی

ج) ماکریم تغییر مکان های کف ها و نیروهای برشی و لنجرهای خمشی در ستون ها.

ستون ها دارای مقطع مربعی با ضلع ۴۰ cm می باشند و نسبت میرایی تعیین یافته برابر ۷٪ است.

$$L = 3 \text{ m}, E = 210 \text{ GPa}, m_1 = m_2 = 2m_3 = 12000 \text{ kg}$$

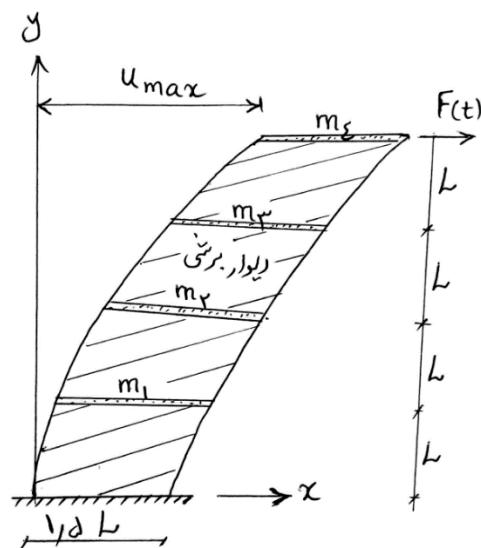


۵- مطلوبست محاسبه فرکانس طبیعی تیر مسئله ۲ به روش ریلی.

۶- مطلوبست حل مسئله ۴ به روش ریلی بهبود یافته.

۷- مطلوبست حل مسئله ۷ به روش ریلی بهبود یافته.

۸- در شکل زیر یک دیوار برشی مربوط به یک ساختمان چهار طبقه نشان داده شده است. در صورتی که کف ها صلب باشد، مطلوبست محاسبه فرکانس طبیعی دیوار برشی به روش ریلی.



$$L = 12 \text{ ft}$$

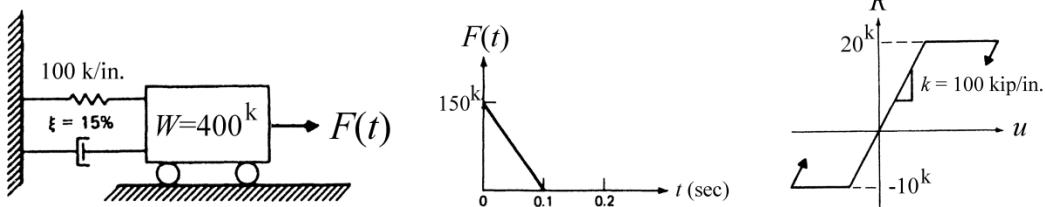
$$EI = \Sigma \times 10^{11} \text{ lb.in}^2$$

$$m_1 = m_2 = m_3 = m_s = 1d \text{ lb.sec}^2/\text{in.}$$

$$\bar{m} = 1d \text{ lb.sec}^2/\text{in.}$$

جرم واحد طول دیوار

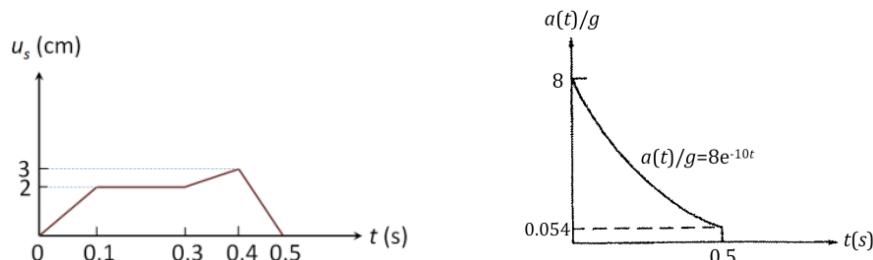
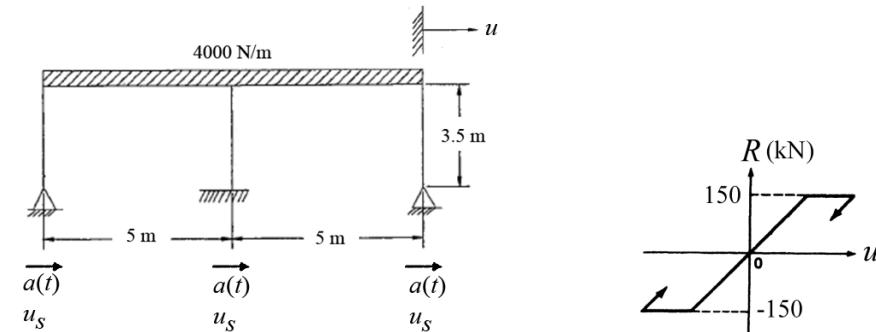
- ۱- برای سیستم جرم-فنر-میراگر شکل زیر که تحت اثر بارگذاری ضربه قرار گرفته است، با فرض رفتار الاستوپلاستیک و با استفاده از روش گام به گام شتاب خطی، مطلوبست محاسبه:
- الف) تاریخچه تغییرمکان، سرعت و شتاب.
- ب) ترسیم نمودارهای تغییرات تغییرمکان، سرعت و شتاب در برابر زمان.



- ۲- مطلوبست حل مسئله ۱ با فرض رفتار الاستیک و مقایسه نتایج با نتایج مسئله ۱.
- ۳- مطلوبست حل مسئله ۱ با فرض رفتار الاستوپلاستیک و با استفاده از روش شتاب ثابت و مقایسه نتایج با نتایج مسئله ۱.
- ۴- برای قاب شکل زیر که تیر آن صلب فرض می شود و از وزن ستون هایش، که دارای مقطعی مربعی و توپر به ضلع ۳۰ cm می باشد، صرف نظر می گردد (قاب مسئله ۱ تمرین شماره ۱ و قاب مسئله ۳ و قاب مسئله ۲ تمرین شماره ۲)، با فرض رفتار الاستوپلاستیک و با استفاده از روش گام به گام شتاب خطی، مطلوبست تعیین:
- الف) پاسخ
- ب) ماکریزم تغییرمکان مطلق بالای قاب
- ج) ماکریزم نیروی برشی در پایین ستون ها
- د) ماکریزم تنش های ناشی از خمش در ستون ها

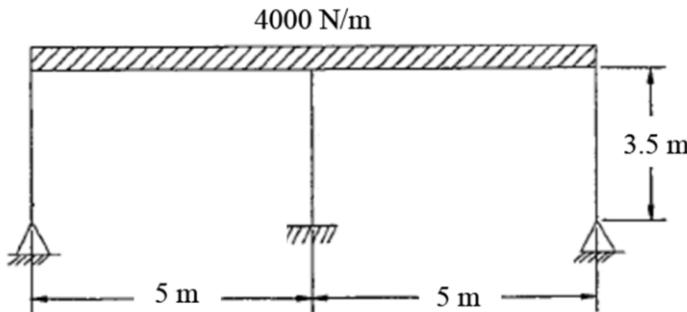
تذکر ۱: مسئله با در نظر گرفتن نسبت میرایی برابر  $10\%$  حل گردد.

تذکر ۲: مسئله یک مرتبه تحت بارگذاری حرکت افقی پایه ( $u_s$ ) و یک مرتبه تحت بارگذاری شتاب پایه ( $a(t)$ ) حل گردد.  
 $E = 210 \text{ GPa}$



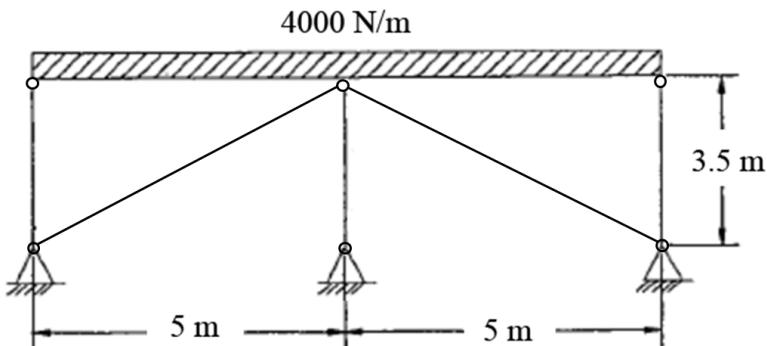
- ۱- برای قاب زیر با نسبت میرایی ۰.۵٪، که تیر آن صلب فرض می شود و از وزن ستون هایش، که دارای مقطعی مربعی و توپر به ضلع ۳۰ cm می باشند، صرف نظر می گردد، در صورتیکه این سازه تحت اثر مولفه شمالی-جنوبی زلزله ۱۹۴۰ استرو قرار گیرد، مطلوبست محاسبه:
- الف) تغییر مکان نسبی ماکریم سقف
  - ب) شبیه سرعت ماکریم سقف
  - ج) شتاب مطلق ماکریم سقف
  - د) حداقل نیروی برشی و ممان خمشی ستون ها

$$E = 210 \text{ GPa}$$



- ۲- در شکل زیر یک قاب فولادی نشان داده شده است. ستون ها دارای مقطع قوطی مربعی به ضلع ۳۰ cm و ضخامت ۱ cm می باشند. از وزن ستون ها و مهاربندهای جانبی از نوع نبشی تکی با بال های مساوی به عرض ۱۰ cm و ضخامت ۱ cm می باشند. از نسبت میرایی برابر ۱۰٪ است. در صورتی که این سازه تحت اثر مولفه شمالی-جنوبی زلزله ۱۹۴۰ استرو قرار گیرد، مطلوبست محاسبه:
- الف) تغییر مکان نسبی ماکریم سقف
  - ب) شبیه سرعت ماکریم سقف
  - ج) شتاب مطلق ماکریم سقف
  - د) حداقل نیروی برشی، ممان خمشی و نیروی محوری ستون ها
  - ه) حداقل نیروی محوری مهاربندهای جانبی

$$E = 210 \text{ GPa}$$

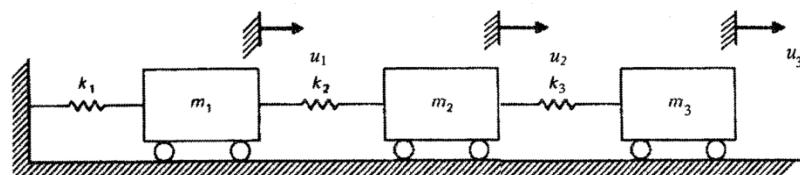


۱- یک ساختمان برشی به صورت یک سیستم سه درجه آزادی جرم و فتر مدل شده است. مطلوبست:

الف) محاسبه فرکانس های طبیعی سازه و مود شکل های متناظر با استفاده از معادلات حرکت.

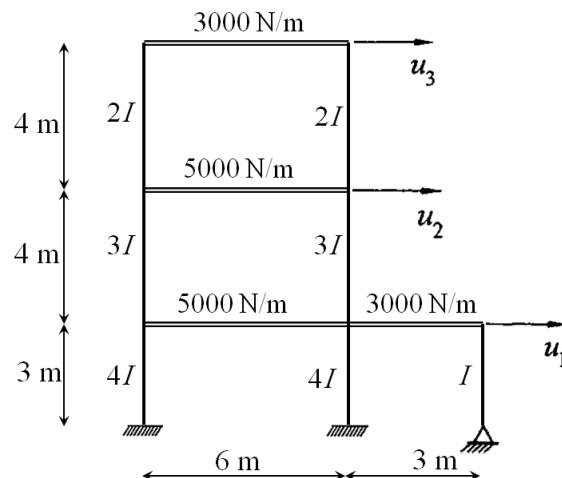
ب) تعیین فرکانس های طبیعی سازه و مود شکل های متناظر با استفاده از خارج قسمت ریلی.

$$W_1=2W_2=4W_3 = 20,000 \text{ N}, k_1=4k_2=2k_3 = 200,000 \text{ N/m}$$



۲- برای قاب فولادی شکل زیر با کف های صلب مطلوبست محاسبه فرکانس های طبیعی سازه و مود شکل های متناظر.

$$E = 210 \text{ GPa}, I = 0.1 \text{ m}^4$$

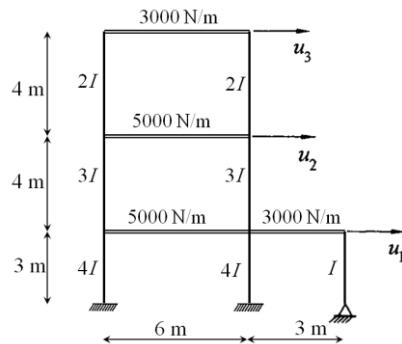


۱- برای قاب فولادی با کف های صلب شکل زیر (مسئله ۲ تمرین شماره ۹) مطلوبست تعیین پاسخ به صورت تابعی از زمان اگر:

الف) یک بار ثابت افقی  $N = 2500$  به صورت ناگهانی به کف دوم وارد شود.

ب) یک شتاب ناگهانی با اندازه  $g = 0.4$  به پایه وارد گردد.

$$E = 210 \text{ GPa}, I = 0.1 \text{ m}^4$$

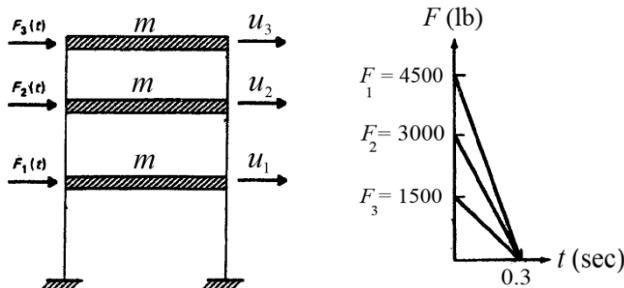


۲- برای قاب بتنی شکل زیر با کف های صلب تحت بارهای ضربه ای مثلثی، در صورتی که سختی هر طبقه برابر  $k = 2000 \text{ lb/in}$  و جرم هر طبقه برابر  $m = 0.386 \text{ lb.sec}^2/\text{in}$  باشد، مطلوبست تعیین مکان های طبقات و مکان های نیروهای برشی ستون های طبقه دوم اگر:

الف) از میرایی صرف نظر شود.

ب) میرایی با ضریب نسبت  $a = 0.01$  متناسب با سختی باشد.

راهنمایی: نیروهای برشی مودال محاسبه و به روش جذر مجموع مربعات ترکیب شوند.



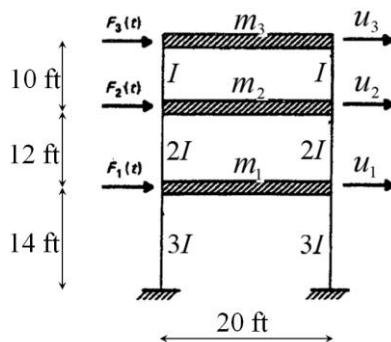
۳- برای قاب بتنی با کف های صلب شکل زیر در دو حالت بدون میرایی و با میرایی با ضریب نسبت  $a = 0.015$  متناسب با سختی، مطلوبست تعیین پاسخ حالت پایدار برای بارگذاری های زیر:

$$E = 21 \text{ GPa}, I = 0.1 \text{ m}^4, m_1 = 1.5m_2 = 2m_3 = 0.5 \text{ lb.sec}^2/\text{in}$$

$$F_3(t) = 5000 \cos 3t \text{ (lb)}$$

$$F_1(t) = 3000 \cos 2t \text{ (lb)}, F_3(t) = 5000 \cos 3t \text{ (lb)}$$

$$F_1(t) = 2500 \sin t \text{ (lb)}, F_2(t) = 1500 \sin t \text{ (lb)}, F_3(t) = 3000 \sin t \text{ (lb)}$$



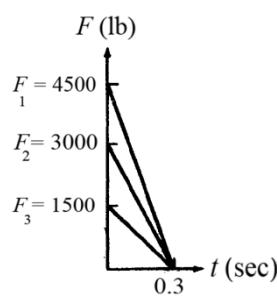
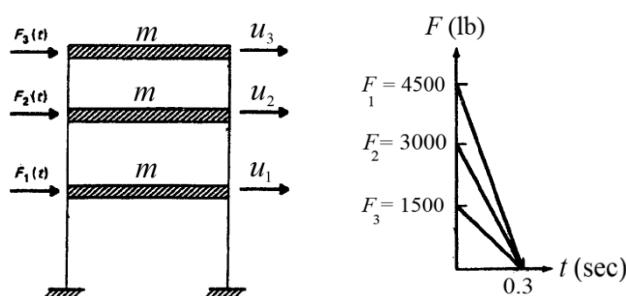
## تمرین شماره ۱۱ (پاسخ تاریخچه زمانی سیستم های چند درجه آزادی)

۱- برای قاب بتی شکل زیر (مسئله ۲ تمرین شماره ۱۰) با کف های صلب تحت بارهای ضربه ای مثلثی، در صورتی که سختی هر طبقه برابر  $k = 2000 \text{ lb/in}$  و جرم هر طبقه برابر  $m = 0.386 \text{ lb.sec}^2/\text{in}$  باشد، با استفاده از روش ویلسون- $\theta$ ، مطلوبست تعیین تاریخچه تغییر مکان های طبقات و تاریخچه ماکریتم نیروهای برشی ستون های طبقه دوم اگر:

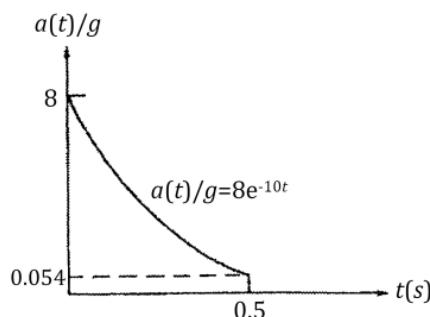
الف) از میرایی صرف نظر شود.

ب) نسبت میرایی برابر  $10\%$  باشد.

تذکر: نمودارهای تاریخچه های بدست آمده ترسیم شوند.



۲- با استفاده از روش ویلسون- $\theta$ ، مطلوبست حل مسئله ۱ در صورتی که قاب بتی تحت شتاب پایه به شکل زیر قرار داشته باشد.



۳- مطلوبست حل مسئله ۱ با استفاده از روش نیومارک  $\beta$

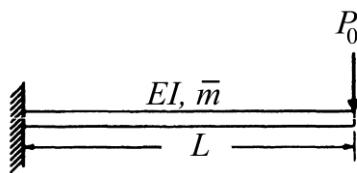
۴- مطلوبست حل مسئله ۲ با استفاده از روش نیومارک  $\beta$

- ۱- تیر طرہ ای شکل زیر تحت یک بار مرکز استاتیکی  $P_0$  است که ناگهان برداشته می شود. مطلوبست محاسبہ ارتعاش آزاد آن به صورت یک بسط سری و تعیین اندازه اولین مود آن بر حسب  $P_0$  در دو حالت:

الف) بدون میرایی

ب) با نسبت میرایی  $\xi = 10\%$

$$E = 30 \times 10^6 \text{ psi}, I = 140 \text{ in.}^4, L = 140 \text{ in.}, \bar{m} = 0.2 \text{ lb} - \text{sec/in.}^3, P_0 = 1000 \text{ lb}$$



- ۲- در صورتی که در تیر مسئله ۱،  $P_0 = 1000 \sin 400t \text{ lb}$  باشد، مطلوبست محاسبہ:

- الف) اندازه حرکت حالت پایدار برای وسط و انتهای آزاد تیر در هر یک از سه مود اول برای دو حالت بدون میرایی و با نسبت میرایی  $\xi = 10\%$ .

ب) حداقل مقدار تغییر مکان و حداقل لنگر خمی دینامیکی تیر با در نظر گرفتن سه مود اول.

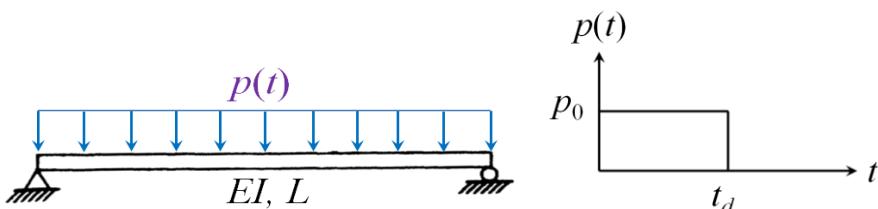
- ۳- در تیر دو سر ساده شکل زیر با مقطع مربعی شکل به ضلع ۴۰ cm تحت اثر بار مستطیلی مطلوبست:

- الف) محاسبہ تعیین حداقل تغییر مکان و حداقل لنگر خمی در نقاط  $L/4$  و  $L/2$  و حداقل نیروهای عکس العمل تکیه گاهی با در نظر گرفتن پنج مود اول.

ب) تعیین تنش تسیلم مورد نیاز مصالح بر اساس معیار خمی با ضریب اطمینان ۲.

پنج مود اول در نظر گرفته شود. از میرایی صرف نظر می گردد.

$$E = 210 \text{ GPa}, L = 4 \text{ m}, \bar{m} = 78000 \text{ N/m}^3, p_0 = 10000 \text{ N/m}, t_d = 0.1 \text{ s}$$



- ۴- در صورتی که تیر مسئله ۳ به ترتیب تحت اثر بارگذاری های زیر قرار گیرد، مسئله را مجددا حل کنید، نتایج را مقایسه و بر روی آن بحث نمایید:

الف) بارگذاری شکل زیر.

ب) بار  $p_0 = 10000$  به صورت استاتیکی.

